

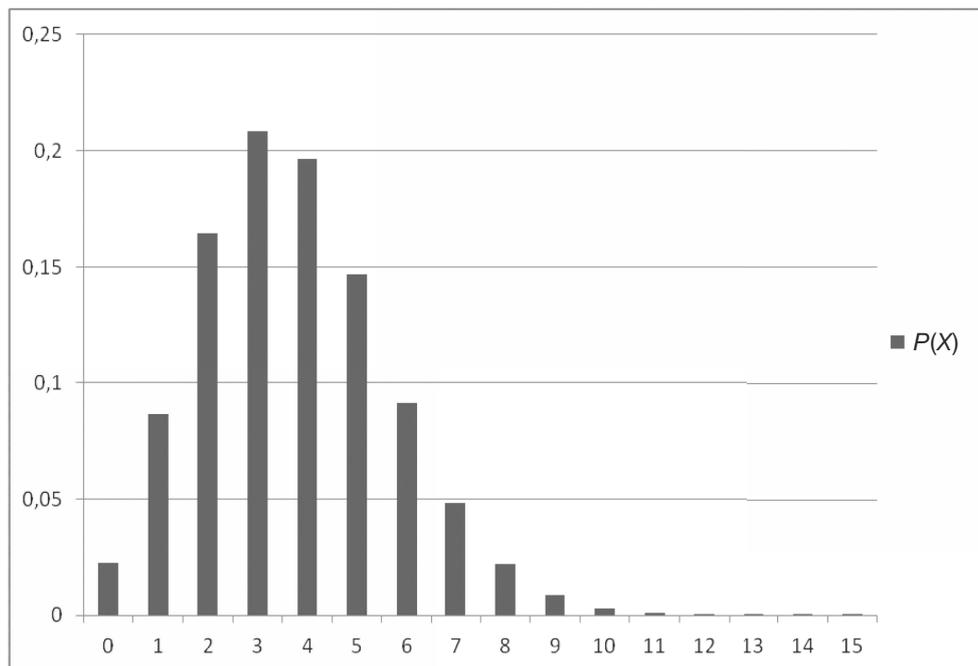
# Joghurtbecher\*

Aufgabennummer: A\_105

Technologieeinsatz:                    möglich                     erforderlich

Erfahrungsgemäß enthalten 4 % aller Joghurtbecher eine Woche nach dem Ablaufdatum bereits verdorbene Ware. Im Lager einer Lebensmittelkette befinden sich noch 200 Joghurtbecher, deren Ablaufdatum um eine Woche überschritten ist.

- a) – Berechnen Sie den Erwartungswert der Anzahl der Becher mit verdorbenem Joghurt.
- b) – Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass in höchstens 5 der 200 Joghurtbecher verdorbene Ware enthalten ist.
- c) In der folgenden Grafik ist die Wahrscheinlichkeitsverteilung für eine Zufallsvariable  $X$  dargestellt:



$X$  ... Anzahl der Joghurtbecher mit Verpackungsfehler  
 $P(X)$  ... Wahrscheinlichkeit für  $X$  Joghurtbecher mit Verpackungsfehler

- Erklären Sie, wie Sie aus der Grafik die Wahrscheinlichkeit ablesen können, dass mindestens 4 Joghurtbecher einen Verpackungsfehler aufweisen.

*Hinweis zur Aufgabe:*

*Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben. Diagramme sind zu beschriften und zu skalieren.*

\* ehemalige Klausuraufgabe

## Möglicher Lösungsweg

- a) Berechnung des Erwartungswertes:  $200 \cdot 4 \% = 8$
- b) Mit Technologie wird die Wahrscheinlichkeit berechnet, dass höchstens 5 Becherinhalte verdorben sind, also die Summe der Wahrscheinlichkeiten, dass 0, 1, 2, 3, 4 oder 5 Becherinhalte verdorben sind.

$$P(X \leq 5) = 18,56 \%$$

- c) Die Wahrscheinlichkeit kann mittels der Gegenwahrscheinlichkeit ermittelt werden. Dazu wird die kumulierte Wahrscheinlichkeit für  $X = 0, 1, 2$  oder 3 Becher mit Verpackungsfehler abgelesen.

$$P(\text{„mindestens 4“}) = 1 - P(\text{„höchstens 3“})$$

*Eine Lösungsvariante ohne Gegenwahrscheinlichkeit (die nicht sichtbaren Wahrscheinlichkeiten werden vernachlässigt) ist auch zulässig.*

## Lösungsschlüssel

- a) 1 x B für die richtige Berechnung des Erwartungswertes  
b) 1 x B für die richtige Berechnung der Wahrscheinlichkeit  
c) 1 x D für die richtige Erklärung